

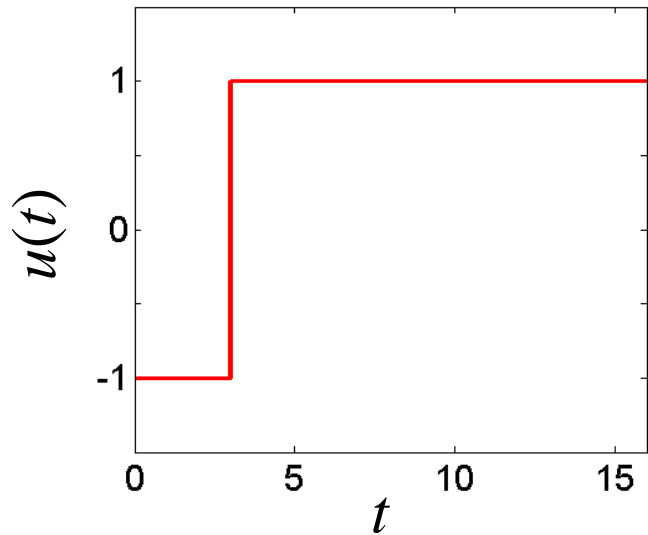
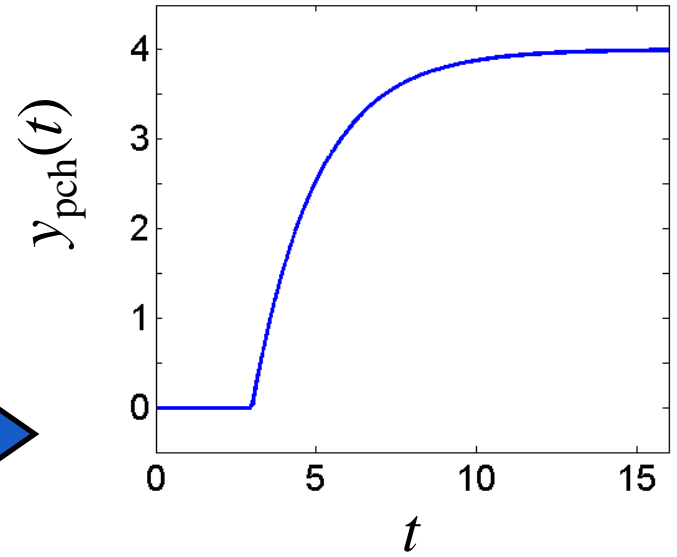
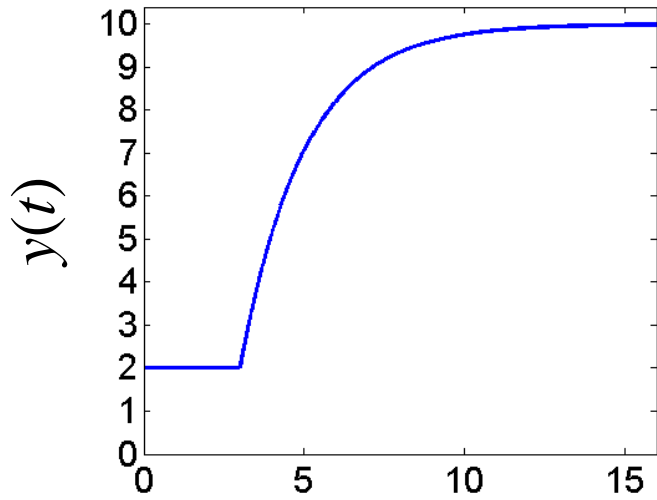
# **Ako identifikovať systém pomocou prechodovej charakteristiky**

**Juraj Oravec**

# Normalizácia

- cieľom je z nameraných údajov získať prechodovú charakteristiku
- **prechodová charakteristika** je grafické znázornenie prechodovej funkcie
- **prechodová funkcia** je odozva systému  $y(t)$  na jednotkovú skokovú zmenu vstupnej veličiny  $u(t)$ , pri nulových počiatočných podmienkach

# Normalizácia



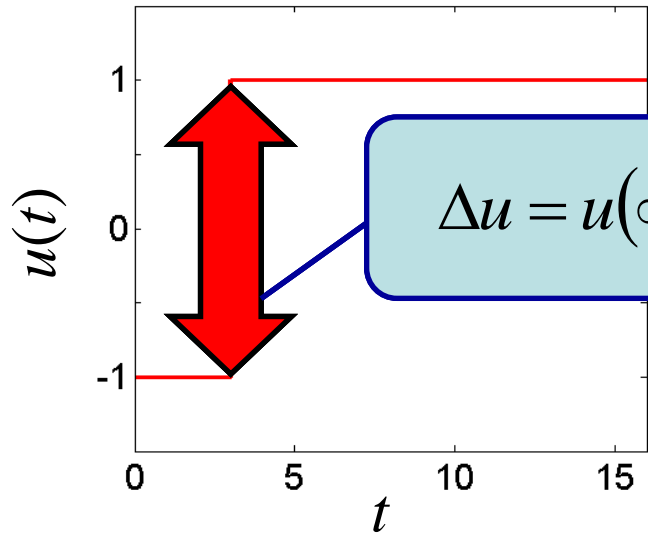
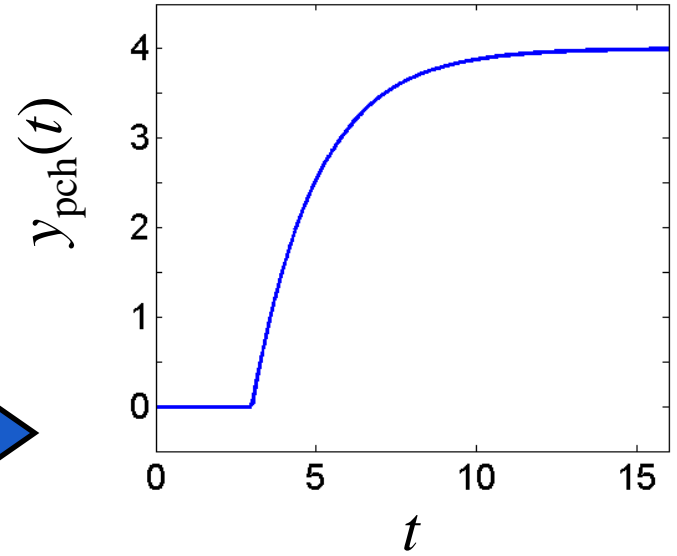
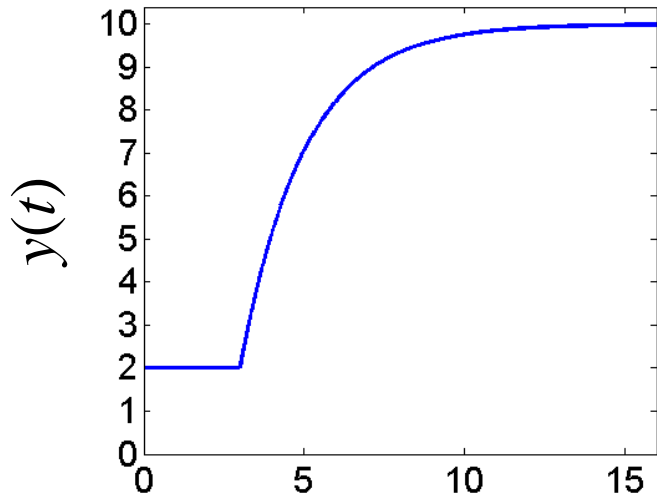
# Normalizácia

- **prechodová funkcia** je odozva systému  $y(t)$  na jednotkovú skokovú zmenu vstupnej veličiny  $u(t)$ , pri nulových počiatočných podmienkach

# Normalizácia

- prechodová funkcia je odozva systému  $y(t)$  na **jednotkovú skokovú zmenu vstupnej veličiny**  $u(t)$ , pri nulových počiatočných podmienkach
- normalizovanie vstupov  $u(t)$
- **veľkosť realizovanej zmeny na vstupe**

# Normalizácia



$$\Delta u = u(\infty) - u(0)$$

# Normalizácia

- prechodová funkcia je odozva systému  $y(t)$  na **jednotkovú skokovú zmenu vstupnej veličiny**  $u(t)$ , pri nulových počiatkových podmienkach
- normalizovanie vstupov  $u(t)$
- **veľkosť realizovanej zmeny na vstupe**

$$\Delta u = u(\infty) - u(0)$$

$$\gg du = u(\text{end}) - u(1)$$

# Normalizácia

– **prechodová funkcia** je odozva systému  $y(t)$  na jednotkovú skokovú zmenu vstupnej veličiny  $u(t)$ , **pri nulových počiatočných podmienkach**

– **normalizovanie vstupov**  $u(t)$

– veľkosť realizovanej zmeny na vstupe

$$\Delta u = u(\infty) - u(0)$$

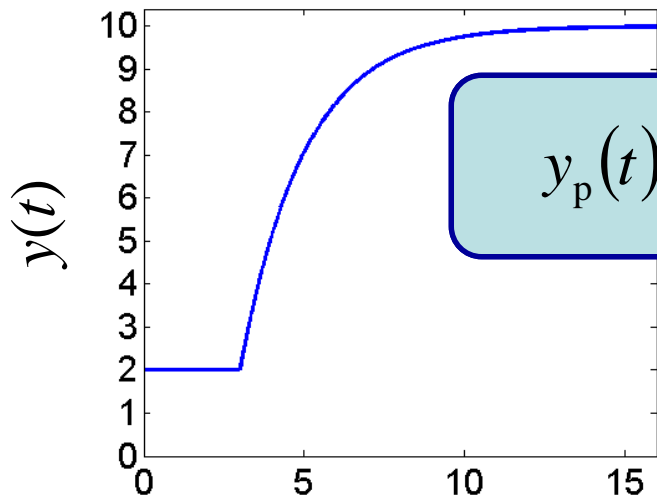
$$\gg du = u(\text{end}) - u(1)$$

– **normalizovanie výstupov**  $y(t)$

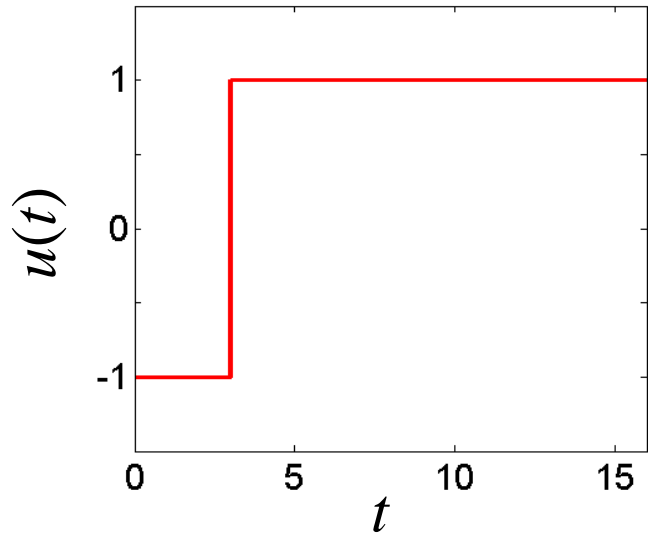
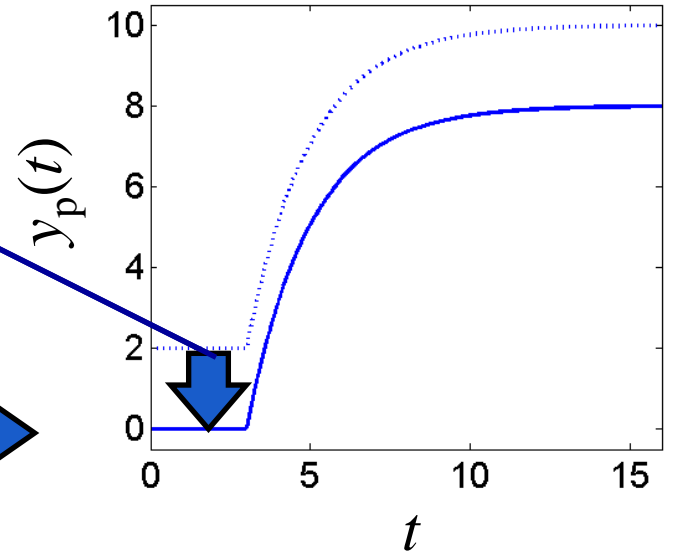
– **posunúť výstup do nuly**



# Normalizácia



$$y_p(t) = y(t) - y(0)$$



# Normalizácia

– **prechodová funkcia** je odozva systému  $y(t)$  na jednotkovú skokovú zmenu vstupnej veličiny  $u(t)$ , **pri nulových počiatočných podmienkach**

– **normalizovanie vstupov**  $u(t)$

– veľkosť realizovanej zmeny na vstupe

$$\Delta u = u(\infty) - u(0)$$

$$\gg du = u(\text{end}) - u(1)$$

– **normalizovanie výstupov**  $y(t)$

– **posunúť výstup do nuly**

$$y_p(t) = y(t) - y(0)$$

$$\gg yp = y - y(1)$$

# Normalizácia

– **prechodová funkcia** je **odozva systému**  $y(t)$  na jednotkovú skokovú zmenu vstupnej veličiny  $u(t)$ , pri nulových počiatočných podmienkach

– **normalizovanie vstupov**  $u(t)$

– veľkosť realizovanej zmeny na vstupe

$$\Delta u = u(\infty) - u(0)$$

$$\gg du = u(\text{end}) - u(1)$$

– **normalizovanie výstupov**  $y(t)$

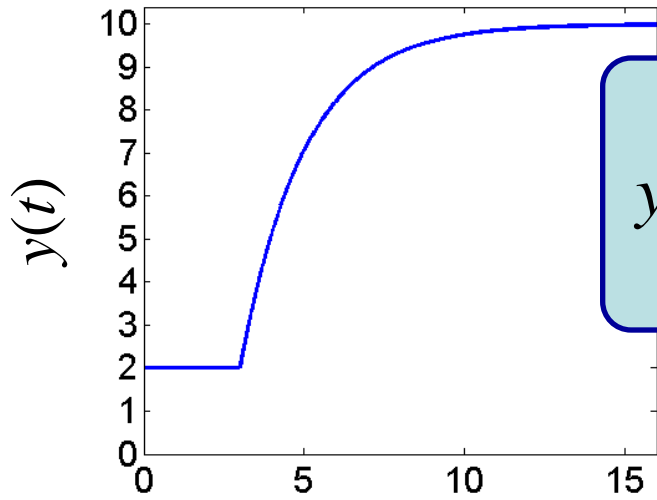
– posunúť výstup do nuly

$$y_p(t) = y(t) - y(0)$$

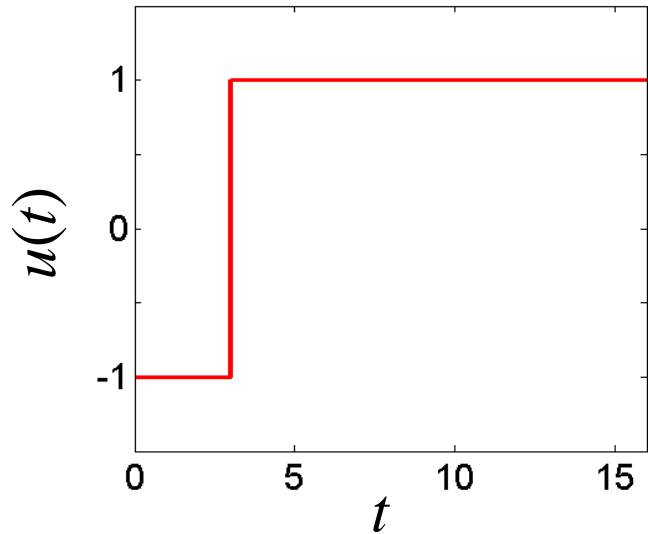
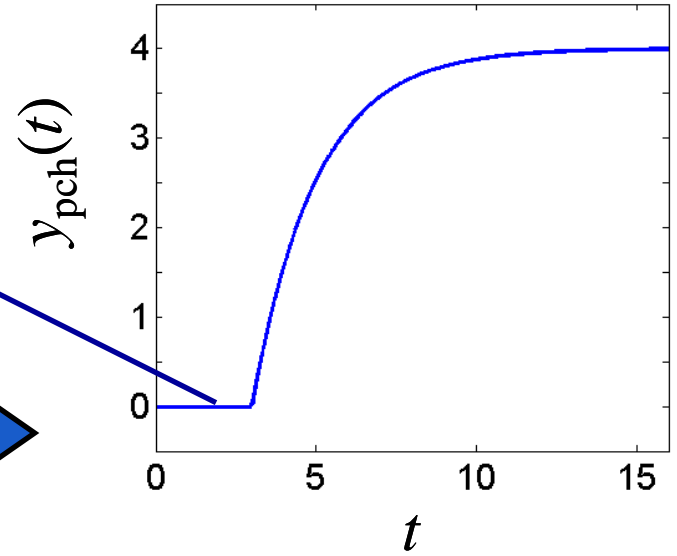
$$\gg yp = y - y(1)$$

– **vydeliť veľkosťou skokovej zmeny**

# Normalizácia



$$y_{\text{pch}}(t) = \frac{y_p(t)}{\Delta u}$$



# Normalizácia

– **prechodová funkcia** je **odozva systému**  $y(t)$  na jednotkovú skokovú zmenu vstupnej veličiny  $u(t)$ , pri nulových počiatkových podmienkach

– **normalizovanie vstupov**  $u(t)$

– veľkosť realizovanej zmeny na vstupe

$$\Delta u = u(\infty) - u(0)$$

$$\gg du = u(\text{end}) - u(1)$$

– **normalizovanie výstupov**  $y(t)$

– posunúť výstup do nuly

$$y_p(t) = y(t) - y(0)$$

$$\gg yp = y - y(1)$$

– **vydeliť veľkosťou skokovej zmeny**

$$y_{\text{pch}}(t) = \frac{y_p(t)}{\Delta u}$$

$$\gg \text{pch} = yp / du$$

# Normalizácia

– **prechodová funkcia** je odozva systému  $y(t)$  na jednotkovú skokovú zmenu vstupnej veličiny  $u(t)$ , pri nulových počiatočných podmienkach

– **normalizovanie vstupov**  $u(t)$

– veľkosť realizovanej zmeny na vstupe

$$\Delta u = u(\infty) - u(0)$$

$$\gg du = u(\text{end}) - u(1)$$

– **normalizovanie výstupov**  $y(t)$

– posunúť výstup do nuly

$$y_p(t) = y(t) - y(0)$$

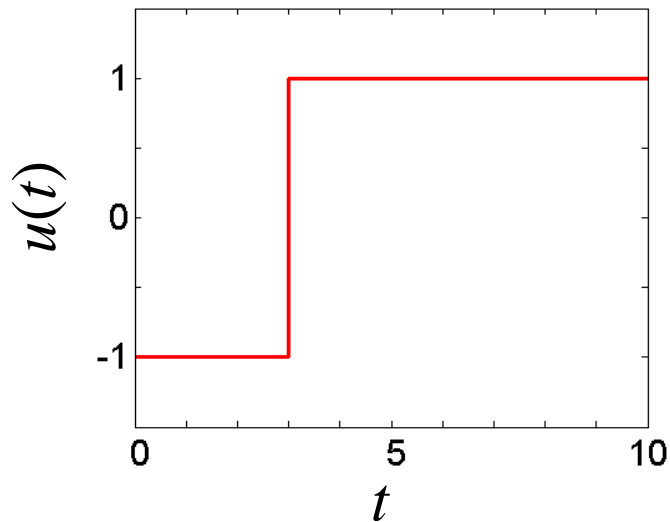
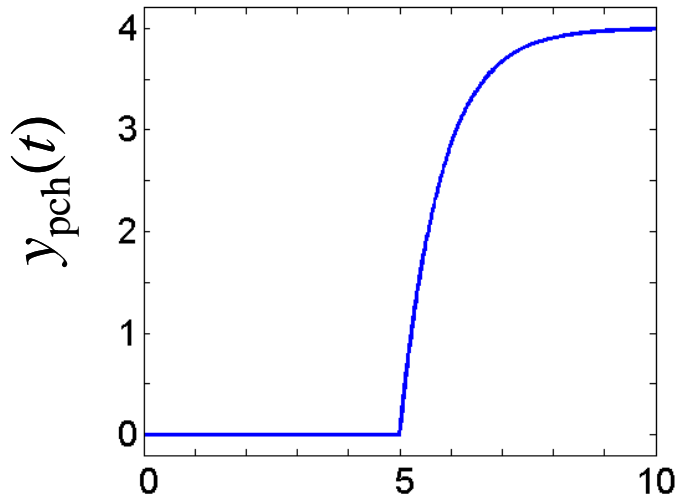
$$\gg yp = y - y(1)$$

– vydeliť veľkosťou skokovej zmeny

$$y_{pch}(t) = \frac{y_p(t)}{\Delta u}$$

$$\gg pch = yp / du$$

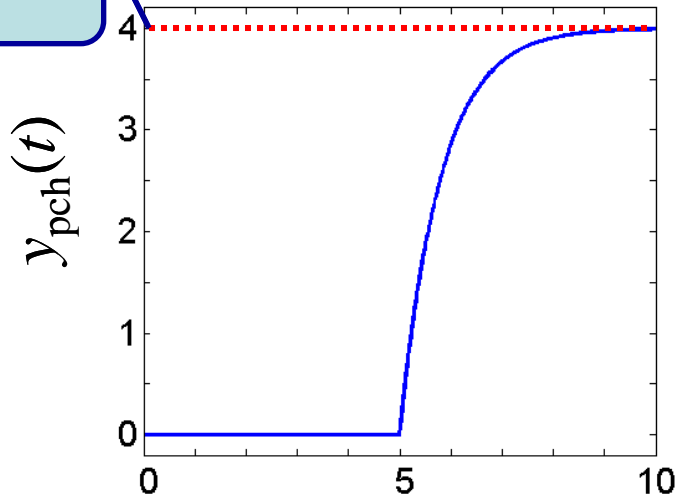
# Identifikácia systému 1. rádu – bez dotyčnice



$$G(s) = \frac{K}{Ts + 1} e^{-Ds}$$

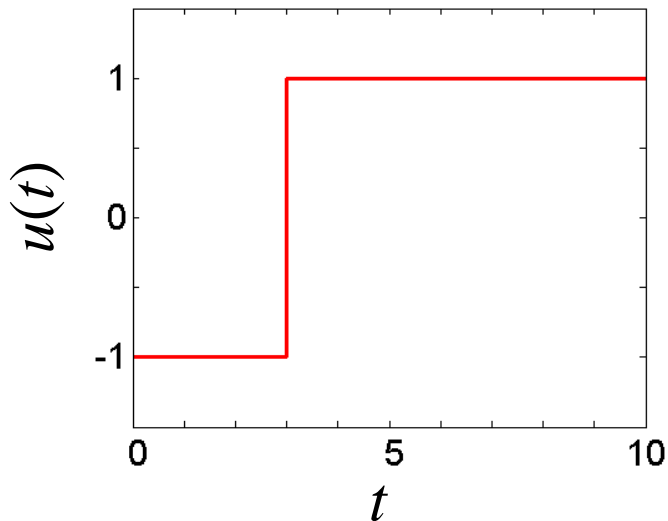
# Identifikácia systému 1. rádu – bez dotyčnice

$K$



1. Zosilnenie systému  $K$

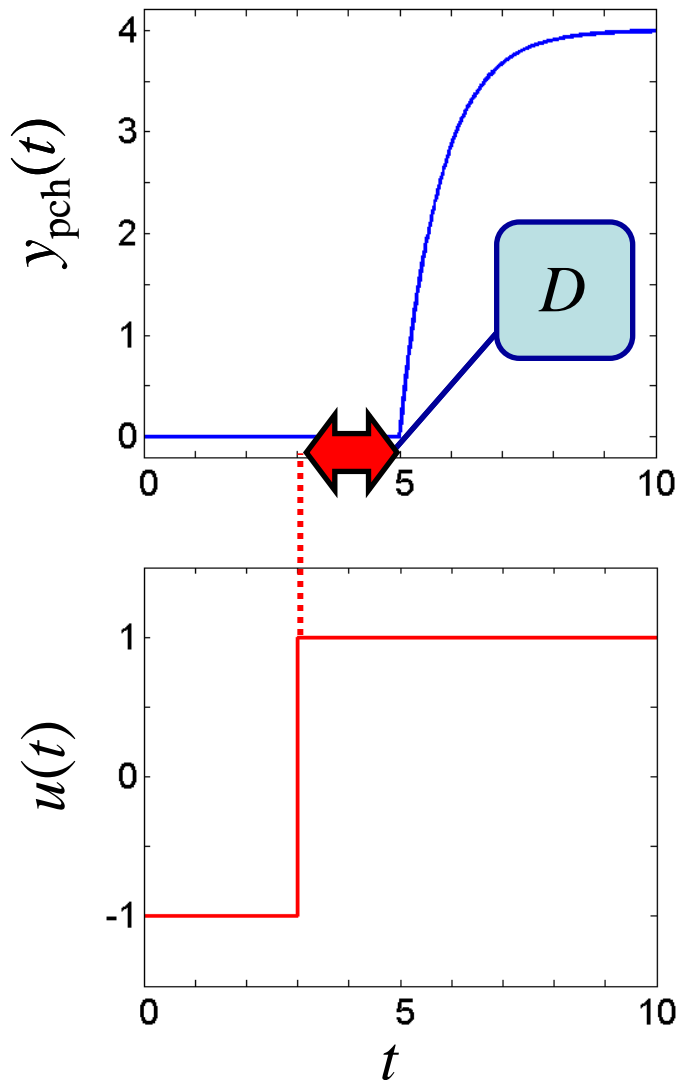
$$K = y_{pch}(\infty)$$



$$G(s) = \frac{K}{Ts + 1} e^{-Ds}$$



# Identifikácia systému 1. rádu – bez dotyčnice



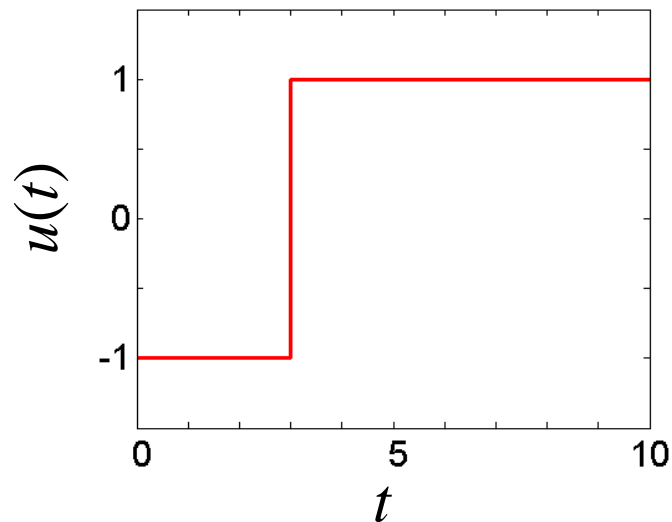
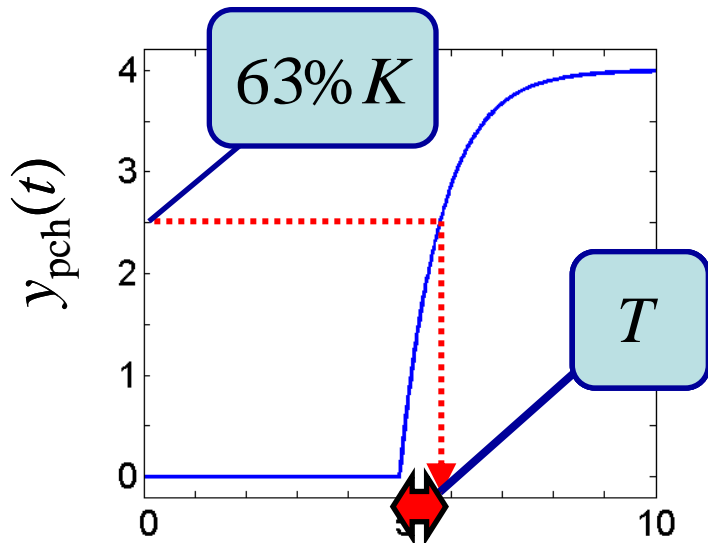
1. Zosilnenie systému  $K$

$$K = y_{pch}(\infty)$$

2. Dopravné oneskorenie systému  $D$   
- rozdiel časov medzi zmenov na vstupe  
a výstupe

$$G(s) = \frac{K}{Ts + 1} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému 1. rádu – bez dotyčnice



1. Zosilnenie systému  $K$

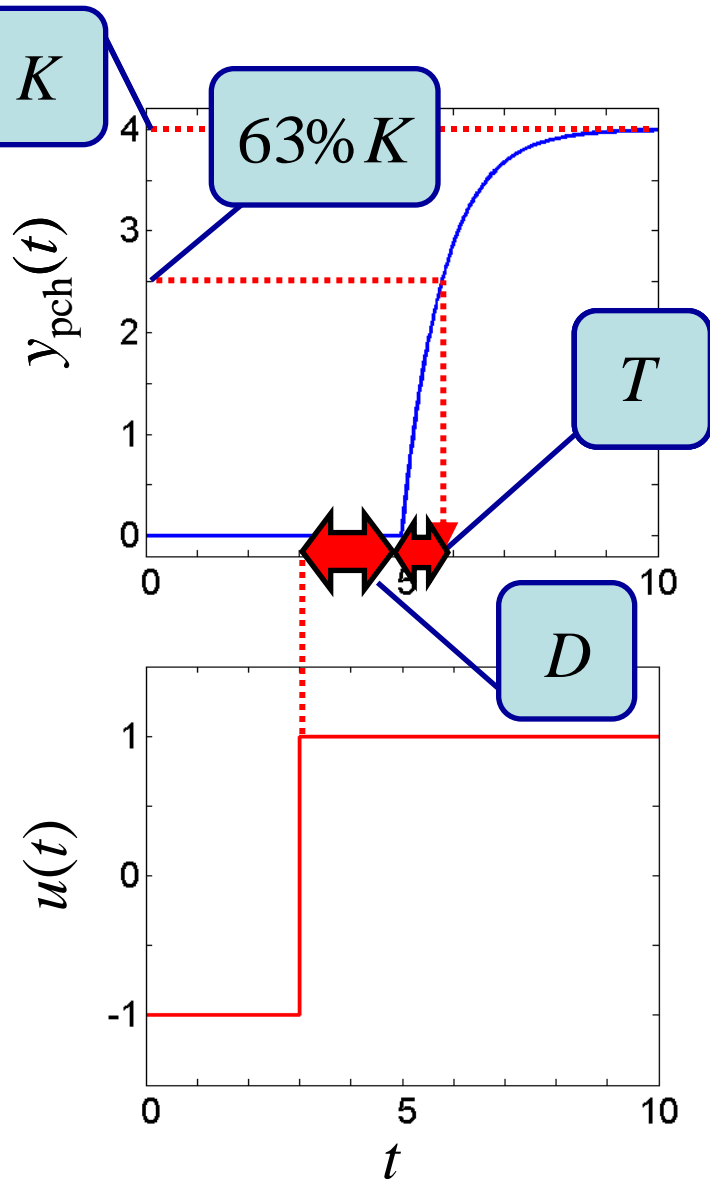
$$K = y_{pch}(\infty)$$

2. Dopravné oneskorenie systému  $D$   
- rozdiel časov medzi zmenov na vstupe a výstupe

3. Časová konštanta systému  $T$   
- čas, v ktorom nadobudne výstup 63% hodnoty zosilnenia

$$G(s) = \frac{K}{Ts + 1} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému 1. rádu – bez dotyčnice – zhrnutie



1. Zosilnenie systému  $K$

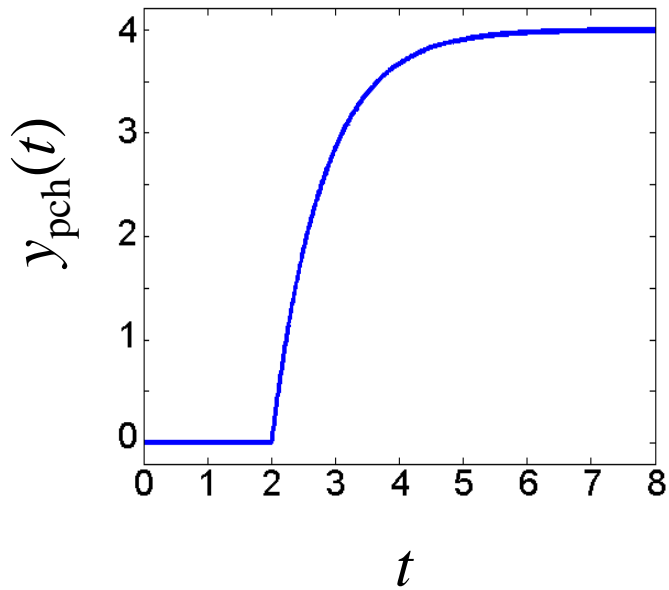
$$K = y_{pch}(\infty)$$

2. Dopravné oneskorenie systému  $D$   
- rozdiel časov medzi zmenov na vstupe  
a výstupe

3. Časová konštanta systému  $T$   
- čas, v ktorom nadobudne výstup 63%  
hodnoty zosilnenia

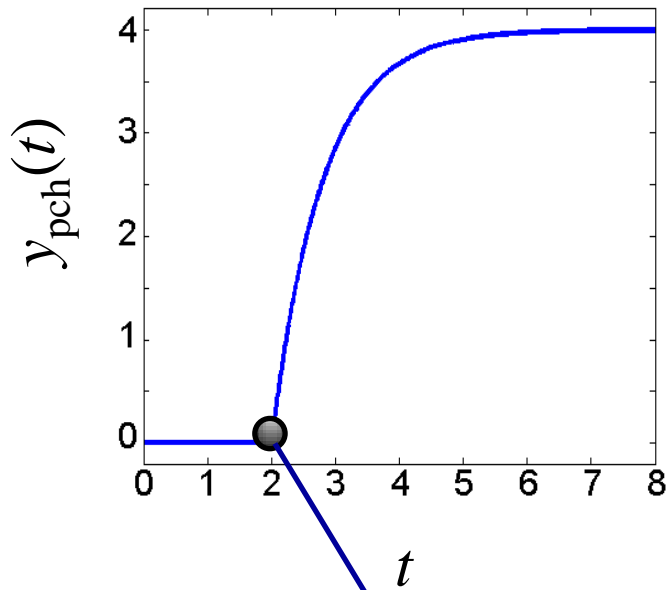
$$G(s) = \frac{K}{Ts + 1} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému 1. rádu



$$G(s) = \frac{K}{Ts + 1} e^{-Ds}$$

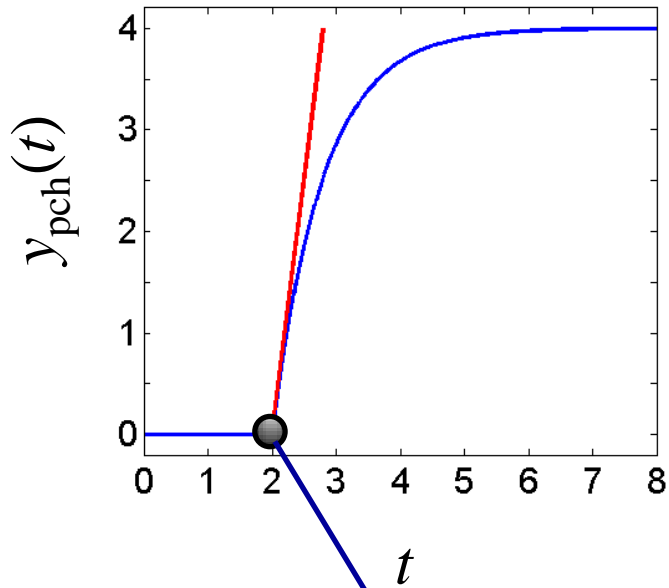
# Identifikácia systému 1. rádu



bod umiestnenia dotyčnice

$$G(s) = \frac{K}{Ts + 1} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému 1. rádu

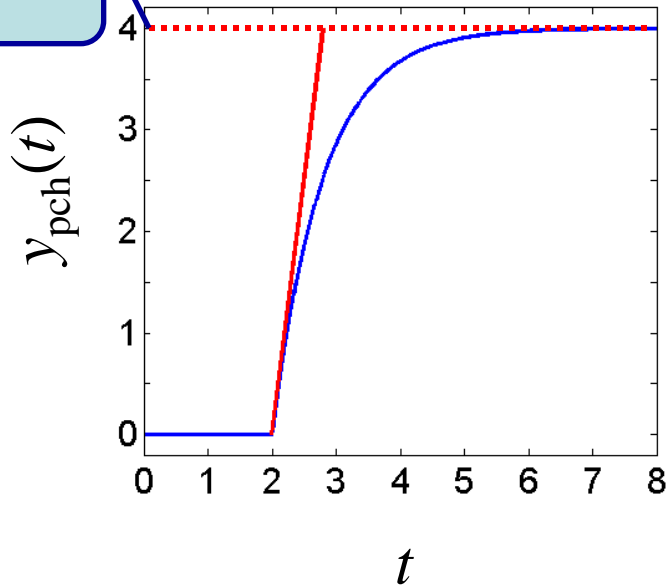


bod umiestnenia dotyčnice

$$G(s) = \frac{K}{Ts + 1} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému 1. rádu

$K$

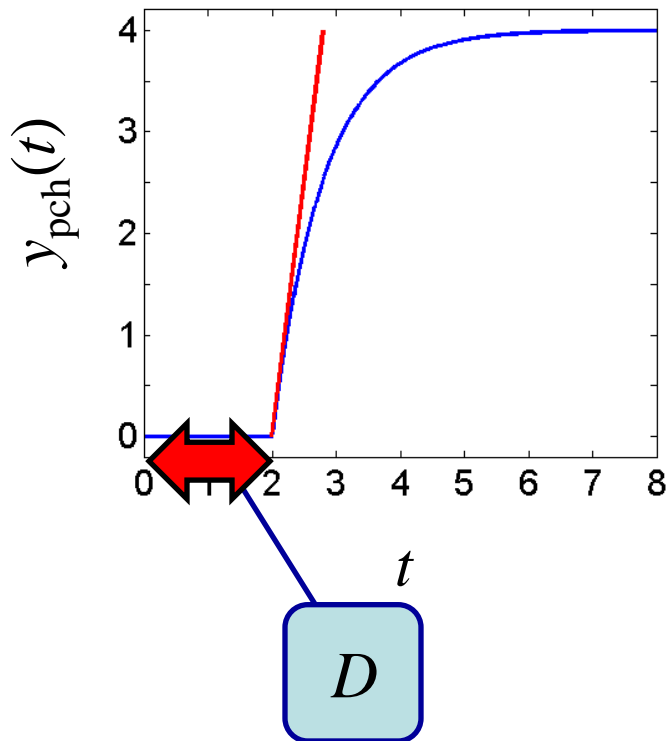


1. Zosilnenie systému  $K$

$$K = y_{pch}(\infty)$$

$$G(s) = \frac{K}{Ts + 1} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému 1. rádu



1. Zosilnenie systému  $K$

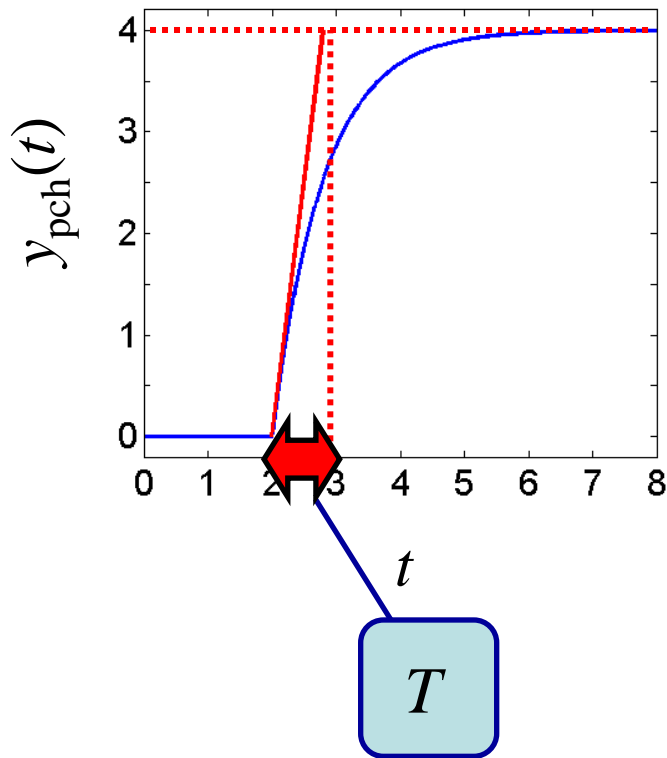
$$K = y_{pch}(\infty)$$

2. Dopravné oneskorenie systému  $D$

$$G(s) = \frac{K}{Ts + 1} e^{-Ds}$$



# Identifikácia systému 1. rádu



1. Zosilnenie systému  $K$

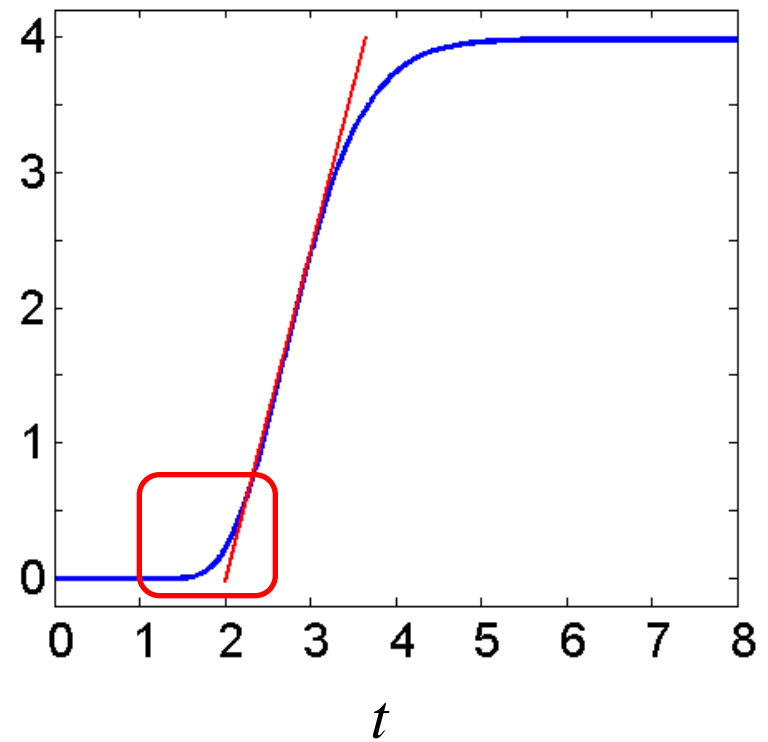
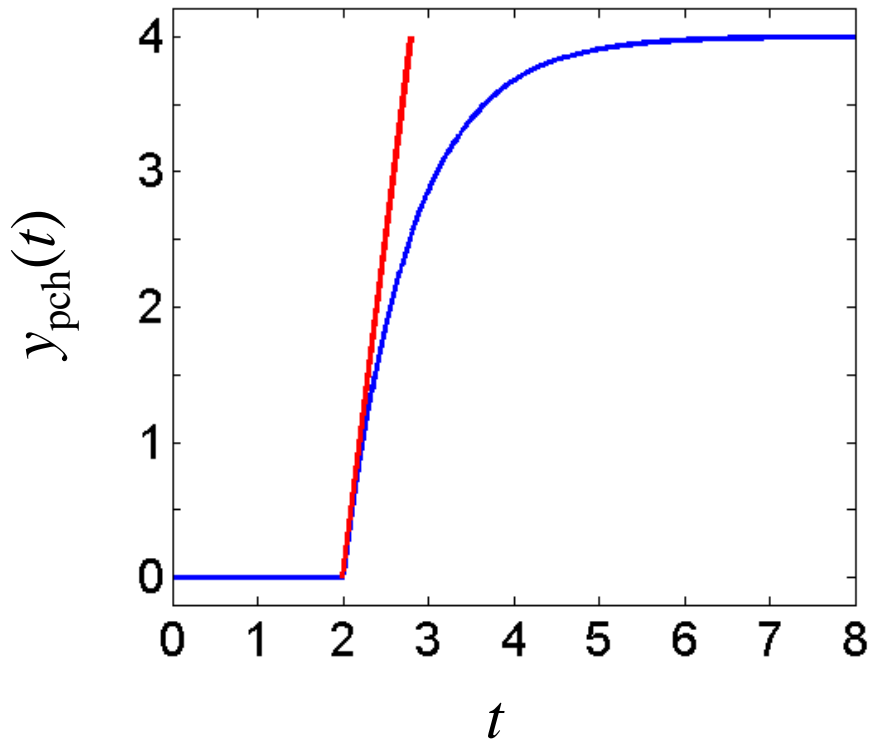
$$K = y_{pch}(\infty)$$

2. Dopravné oneskorenie systému  $D$

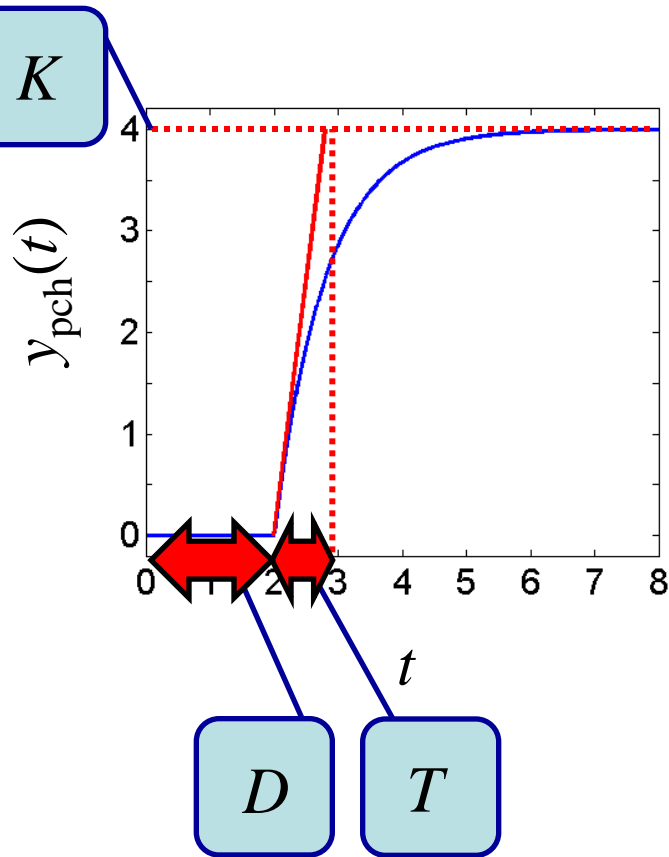
3. Časová konštanta  $T$

$$G(s) = \frac{K}{Ts + 1} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému 1. rádu – aproximácia systému vyššieho rádu



# Identifikácia systému 1. rádu – zhrnutie



1. Zosilnenie systému  $K$

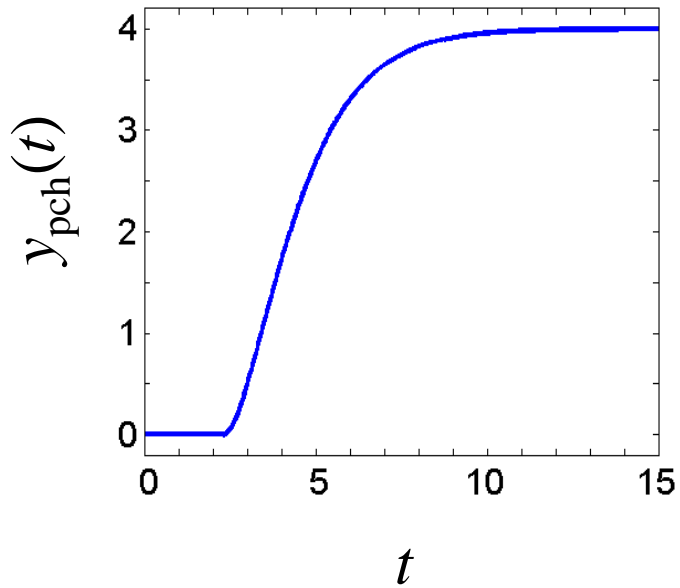
$$K = y_{pch}(\infty)$$

2. Dopravné oneskorenie systému  $D$

3. Časová konštanta  $T$

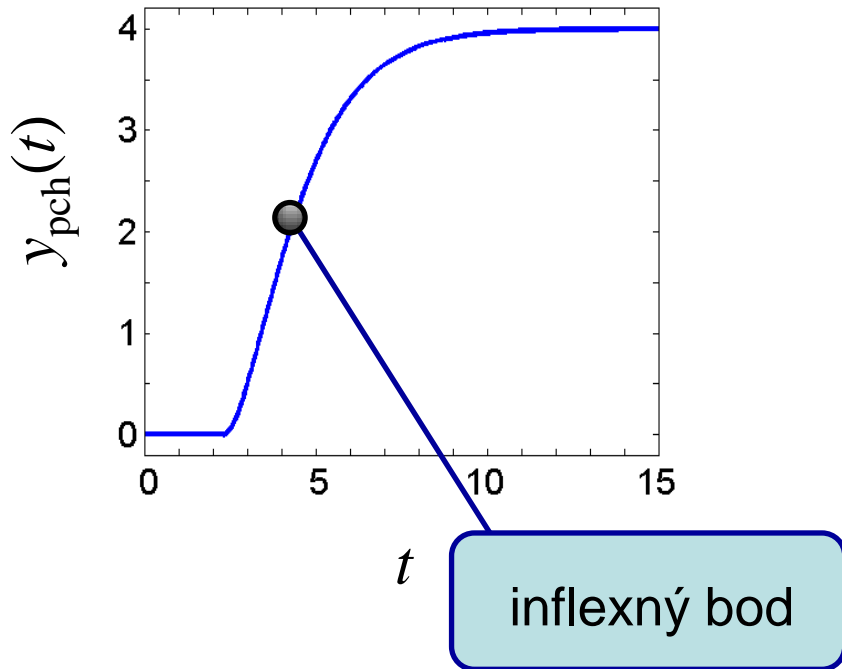
$$G(s) = \frac{K}{Ts + 1} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému vyššieho rádu



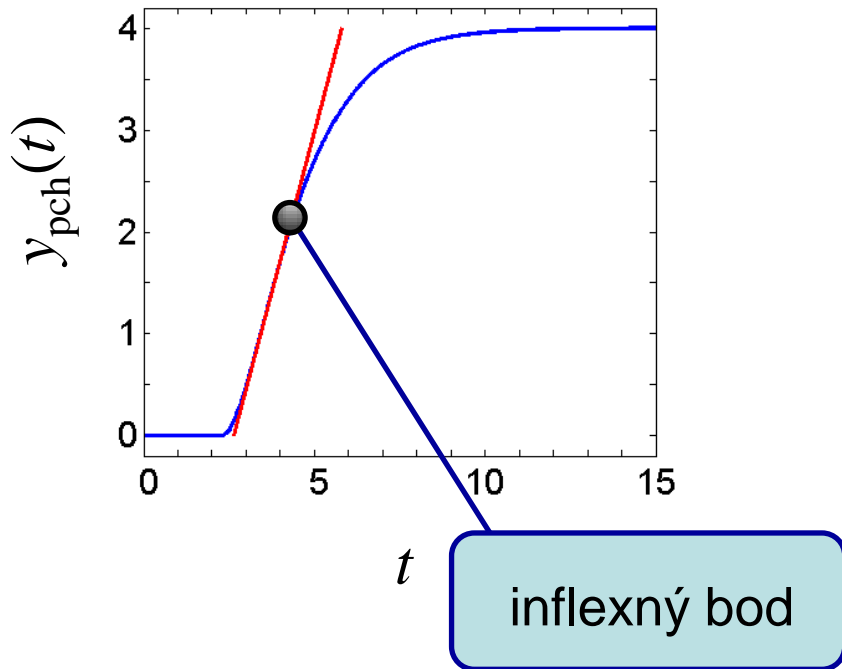
$$G(s) = \frac{K}{(Ts + 1)^n} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému vyššieho rádu



$$G(s) = \frac{K}{(Ts + 1)^n} e^{-Ds}$$

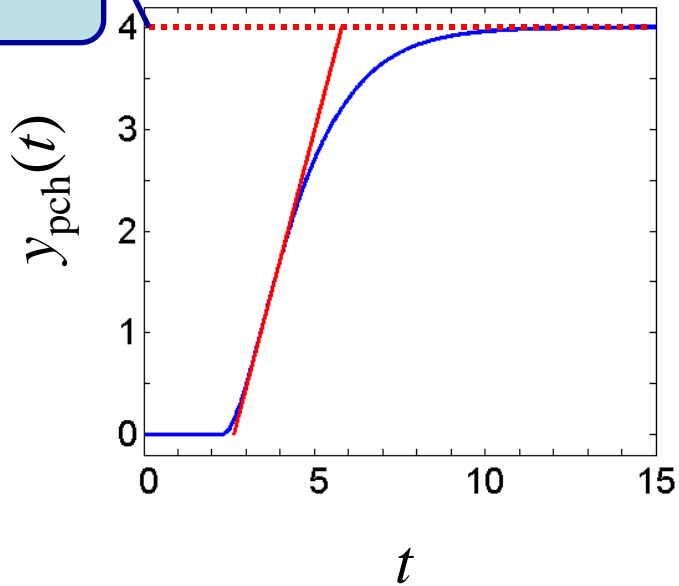
# Identifikácia systému vyššieho rádu



$$G(s) = \frac{K}{(Ts + 1)^n} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému vyššieho rádu

$K$

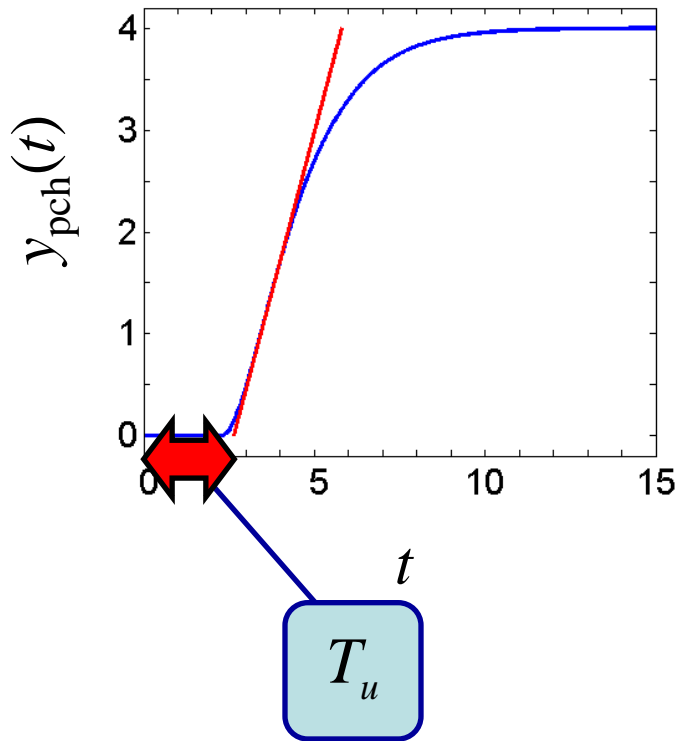


1. Zosilnenie systému  $K$

$$K = y_{pch}(\infty)$$

$$G(s) = \frac{K}{(Ts + 1)^n} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému vyššieho rádu



1. Zosilnenie systému  $K$

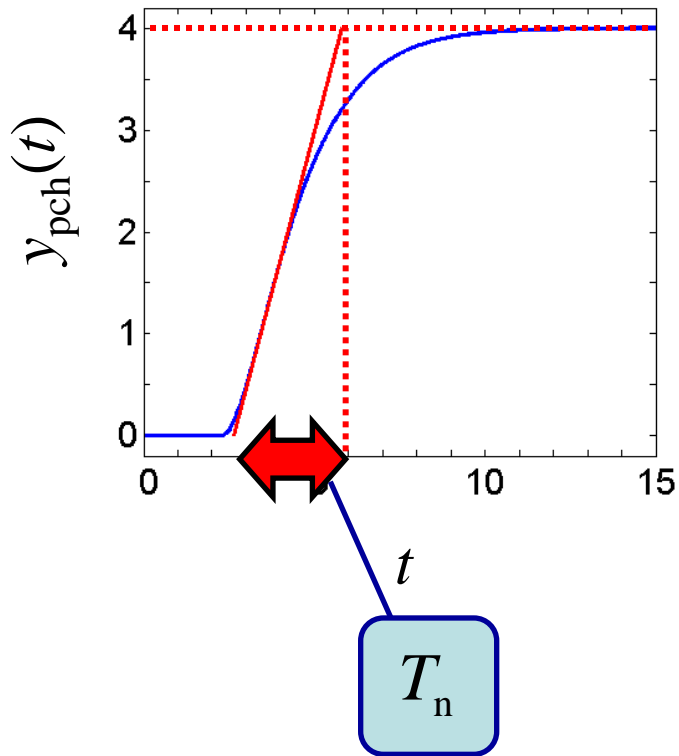
$$K = y_{pch}(\infty)$$

2. Čas priet'ahu  $T_u$  a čas nábehu  $T_n$

$$G(s) = \frac{K}{(Ts + 1)^n} e^{-Ds}$$



# Identifikácia systému vyššieho rádu



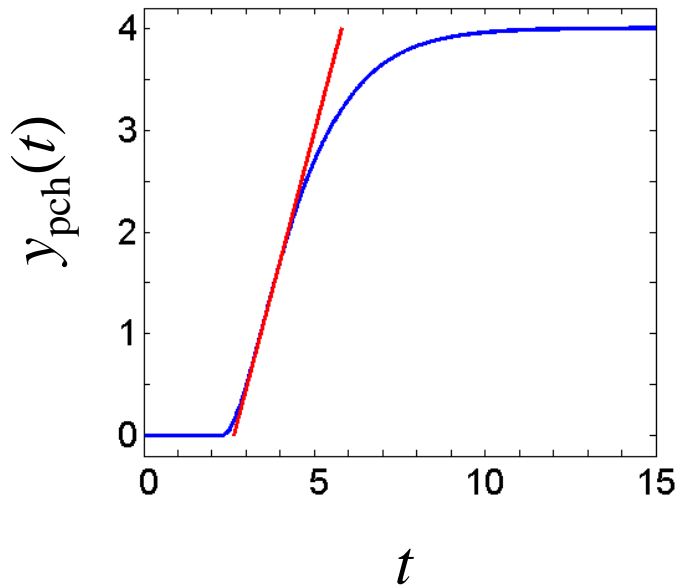
1. Zosilnenie systému  $K$

$$K = y_{pch}(\infty)$$

2. Čas prietahu  $T_u$  a čas nábehu  $T_n$

$$G(s) = \frac{K}{(Ts + 1)^n} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému vyššieho rádu



1. Zosilnenie systému  $K$

$$K = y_{pch}(\infty)$$

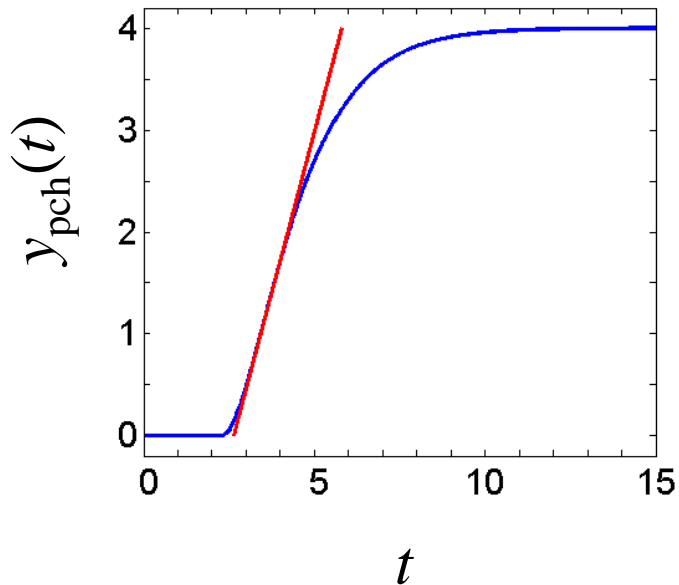
2. Čas priet'ahu  $T_u$  a čas nábehu  $T_n$

3. Parameter  $f_s$

$$f_s = \frac{T_u}{T_n}$$

$$G(s) = \frac{K}{(Ts + 1)^n} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému vyššieho rádu



1. Zosilnenie systému  $K$

$$K = y_{pch}(\infty)$$

2. Čas priet'ahu  $T_u$  a čas nábehu  $T_n$

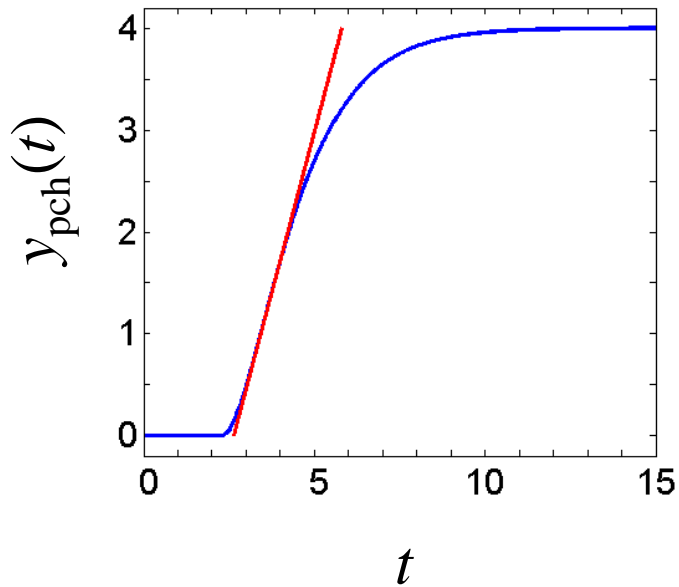
3. Parameter  $f_s$   $f_s = \frac{T_u}{T_n}$

4. Parametre  $f(n) \leq f_s < f(n+1)$ ,  $g(n)$

$n$	1	2	3	4	5	6
$f(n)$	0	0,104	0,218	0,319	0,410	0,493
$g(n)$	1	0,368	0,271	0,224	0,195	0,161

$$G(s) = \frac{K}{(Ts + 1)^n} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému vyššieho rádu



1. Zosilnenie systému  $K$

$$K = y_{pch}(\infty)$$

2. Čas priet'ahu  $T_u$  a čas nábehu  $T_n$

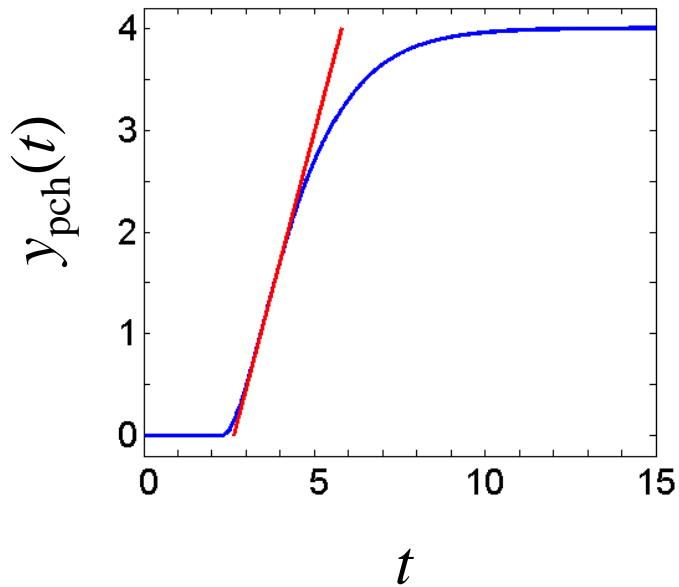
3. Parameter  $f_s$   $f_s = \frac{T_u}{T_n}$

4. Parametre  $f(n) \leq f_s < f(n+1)$ ,  $g(n)$

5. Časová konštanta  $T = g(n)T_n$

$$G(s) = \frac{K}{(Ts + 1)^n} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému vyššieho rádu



1. Zosilnenie systému  $K$

$$K = y_{pch}(\infty)$$

2. Čas priet'ahu  $T_u$  a čas nábehu  $T_n$

3. Parameter  $f_s$   $f_s = \frac{T_u}{T_n}$

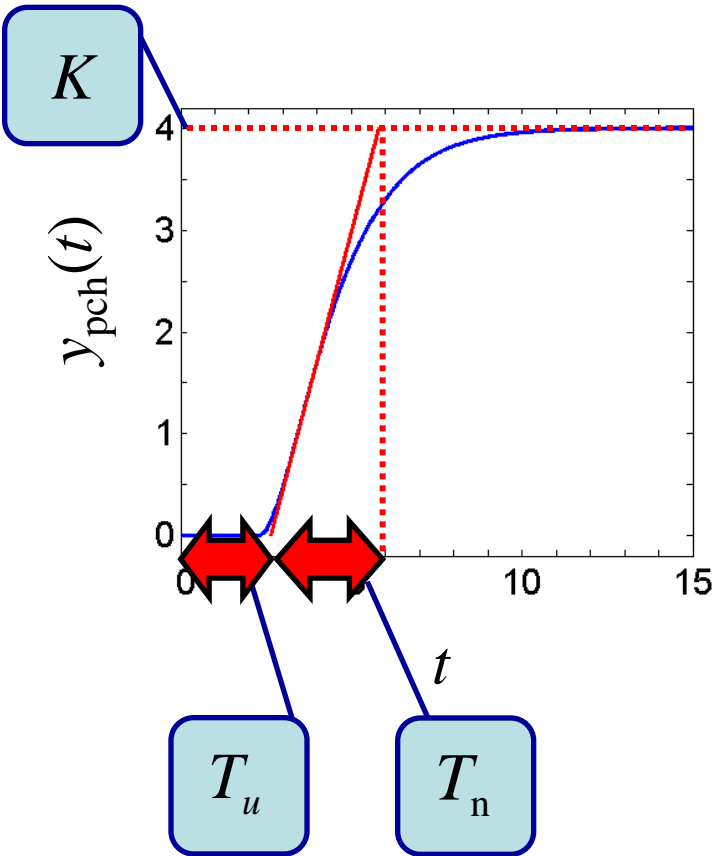
4. Parametre  $f(n) \leq f_s < f(n+1)$ ,  $g(n)$

5. Časová konštanta  $T = g(n)T_n$

6. Dopravné oneskorenie  $D = (f_s - f(n))T_n$

$$G(s) = \frac{K}{(Ts + 1)^n} e^{-Ds}$$

# Identifikácia systému vyššieho rádu – zhrnutie



1. Zosilnenie systému  $K$

$$K = y_{\text{pch}}(\infty)$$

2. Čas priet'ahu  $T_u$  a čas nábehu  $T_n$

3. Parameter  $f_s$

$$f_s = \frac{T_u}{T_n}$$

4. Parametre  $f(n) \leq f_s < f(n+1)$ ,  $g(n)$

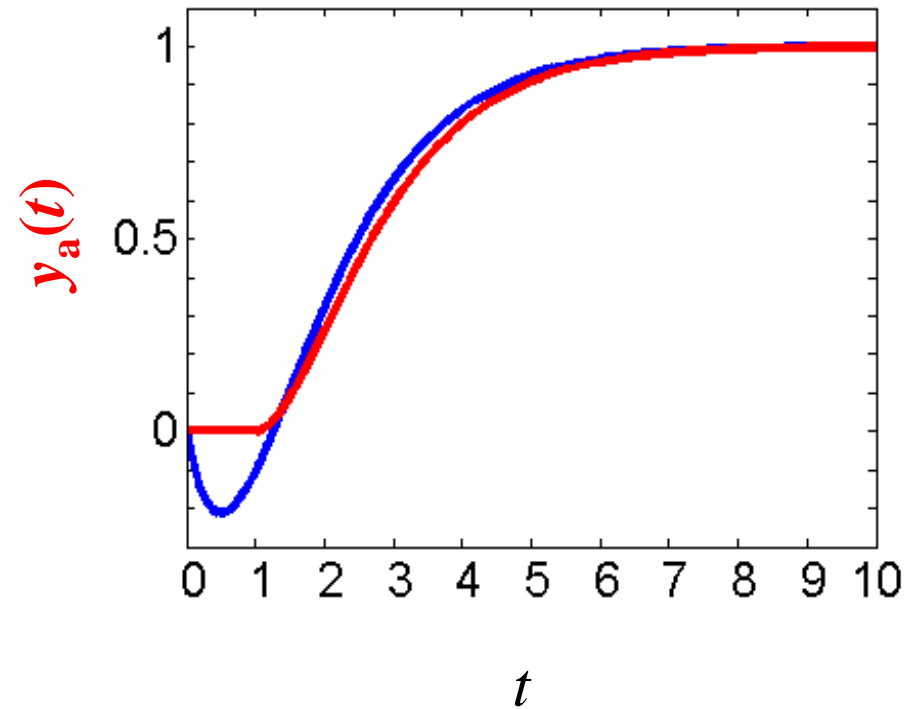
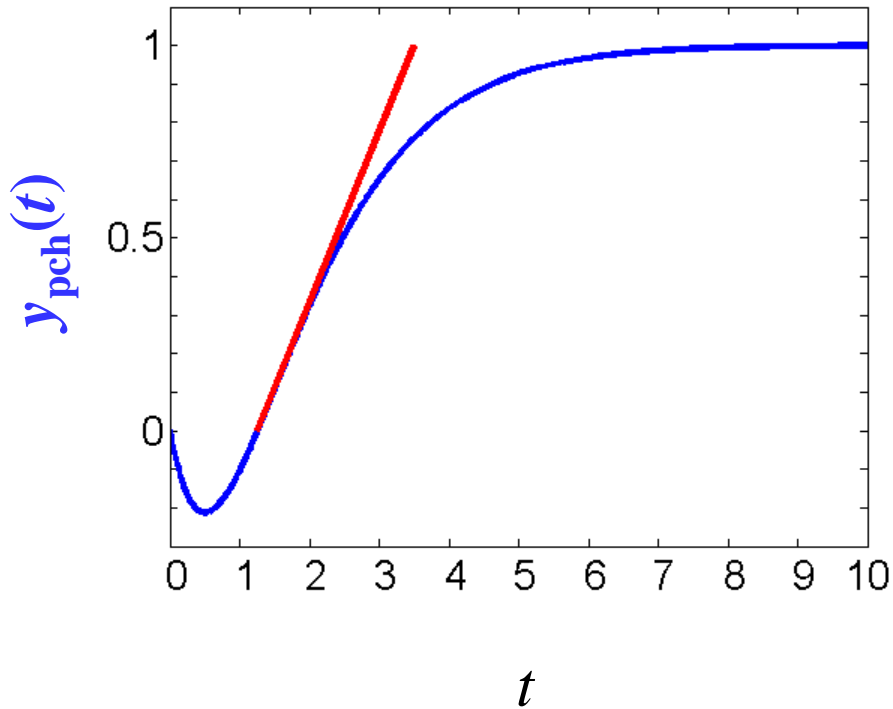
5. Časová konštanta  $T = g(n)T_n$

6. Dopravné oneskorenie  $D = (f_s - f(n))T_n$

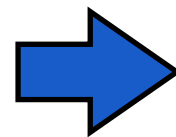
$n$	1	2	3	4	5	6
$f(n)$	0	0,104	0,218	0,319	0,410	0,493
$g(n)$	1	0,368	0,271	0,224	0,195	0,161

$$G(s) = \frac{K}{(Ts + 1)^n} e^{-Ds}$$

# Aproximácia neminimálne fázového systému

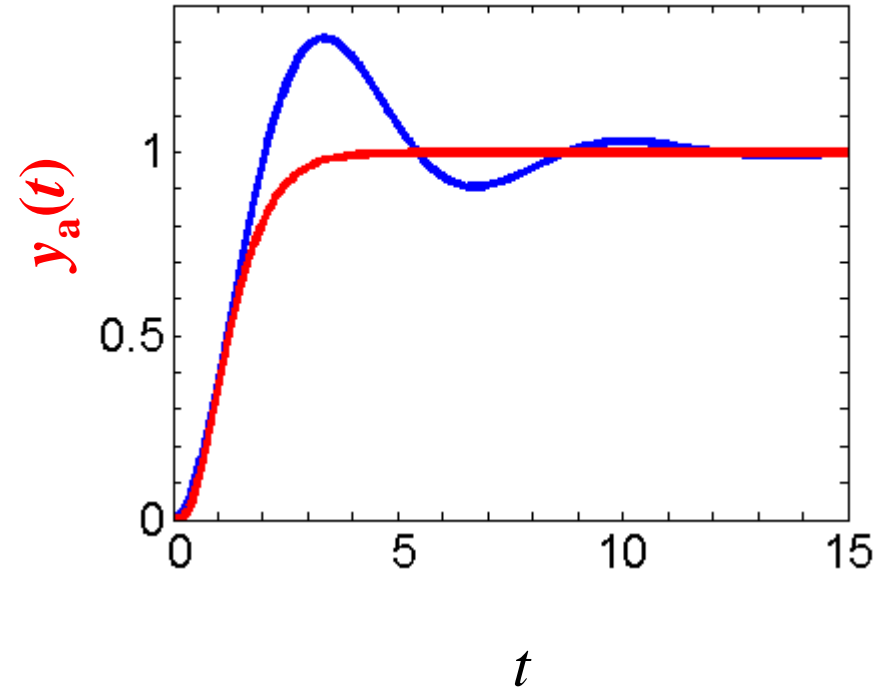
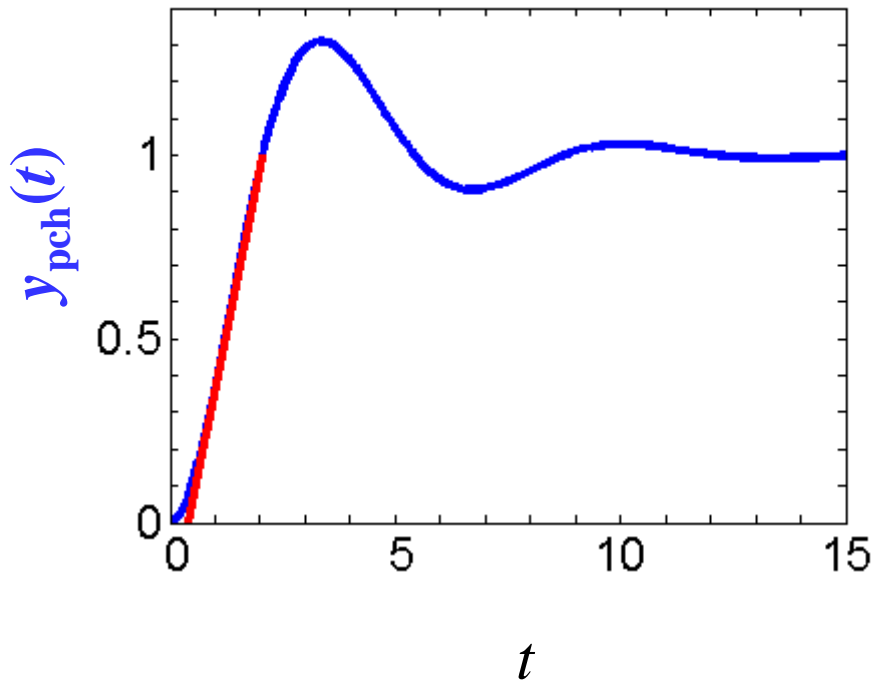


$$G(s) = \frac{-|b_1| + K}{(Ts + 1)^n}$$

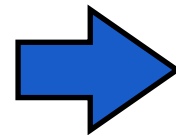


$$G_a(s) = \frac{K}{(Ts + 1)^n} e^{-Ds}$$

# Aproximácia tlmené kmitavého systému



$$G(s) = \frac{K}{T^2 s^2 + 2\xi T s + 1}$$



$$G_a(s) = \frac{K}{(T_a s + 1)^n} e^{-Ds}$$